

## LA CRITTOGRAFIA.

### 1. PERCHE' LA CRITTOGRAFIA?

Sempre più spesso ci si rende conto che molte persone sottovalutano l'importanza delle informazioni contenute all'interno dei propri computer. Tutti tendono a proteggere in qualche modo i propri beni materiali, dimenticandosi che all'interno del nostro computer possono essere memorizzate informazioni ancora più preziose, o comunque riservate, che nella maggior parte dei casi sono accessibili da chiunque abbia accesso al PC. Ad esempio, solitamente, i gioielli si mettono in cassaforte, oppure si nascondono in un remoto angolo di un cassetto dove si presume che un ipotetico ladro avrebbe più difficoltà a trovarli; in modo analogo i file e le informazioni contenute nel nostro PC possono essere protette ricorrendo ad una tecnica chiamata crittografia. Detta in maniera molto semplice, la crittografia è in grado di rendere i propri file illeggibili attraverso una operazione di cifratura che, utilizzando una chiave da noi scelta, fa sì che per poter leggere un file cifrato sia indispensabile effettuare l'operazione inversa (decifratura), la quale però potrà essere eseguita solamente da chi conosce la chiave utilizzata. In tal modo il contenuto del file viene occultato, ed anche se intercettato da terzi, non potrà essere letto a meno che questi non siano a conoscenza del sistema di cifratura utilizzato.

### 2. CHE COS'E' LA CRITTOGRAFIA?

La crittografia (dal greco *kryptos* = nascosto, e *graphein* = scrivere) è la scienza che si occupa dello studio delle scritture "segrete"; è nata come branca della matematica e dell'informatica grazie all'utilizzo di tecniche di teoria dei numeri e di teoria dell'informazione; per scrittura segreta si intende una modalità di scrittura non leggibile da chiunque ma solo da chi è in possesso di una informazione segreta, indicata con il termine chiave (*key*).

La crittografia può infine essere definita come "l'insieme delle tecniche che consentono di realizzare la cifratura di un testo e la decifrazione di un crittogramma" ( cfr.dizionario Garzanti).

#### 2.1 ORIGINI STORICHE

## "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---

La crittografia è una scienza antichissima utilizzata sin dai tempi più remoti per nascondere messaggi tra regnanti, imperatori, nobili: la scitola lacedemonica e il cifrario di Cesare ne sono alcuni esempi. Tuttavia il periodo d'oro della crittografia è relativo alla seconda guerra mondiale, durante la quale tutte le comunicazioni militari tedesche venivano cifrate con una macchina cifrante chiamata Enigma, ideata dall'ingegnere tedesco Arthur Scherbius. All'apparenza Enigma somigliava a una macchina da scrivere un po' particolare: una tastiera sormontata da un pannello di lettere luminose; ma il suo cuore era costituito da una serie di rotori e di spinotti elettrici che potevano essere regolati su decine di milioni di combinazioni di partenza differenti: ad ogni combinazione corrispondeva un codice di cifratura diverso. L'operatore mittente regolava la macchina, iniziava a battere sulla tastiera il messaggio in chiaro e ogni volta che premeva un tasto la corrispondente lettera cifrata si illuminava: per esempio, la parola "casa" poteva diventare "uyhj" (ma con una regolazione iniziale differente "casa" avrebbe potuto diventare "fwqp"). Per riottenere il messaggio in chiaro, l'operatore ricevente doveva regolare rotori e spinotti sull'identica posizione iniziale della macchina trasmittente, digitare sulla sua tastiera il messaggio cifrato e leggere sul pannello il testo originale: "uyhj" ritornava magicamente "casa", ma solo se la regolazione iniziale era quella giusta, altrimenti si ottenevano solo lettere senza senso.

A differenza degli esempi fin ora citati, nella crittografia moderna si ricorre a sistemi più complessi. Le tecniche utilizzate sono di natura matematica, basate principalmente su applicazioni di teoria dei numeri, mediante le quali si costruiscono cifrari molto affidabili e sicuri poiché basati su teoremi ed applicazioni numeriche assolutamente dimostrabili.

### 2.2 CHE COS'E' UN CIFRARIO?

Un cifrario è un sistema di qualsiasi tipo, composto da un algoritmo, in grado di trasformare un

## "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---

testo in chiaro (messaggio) in un testo inintelligibile (testo cifrato o crittogramma). Per poter utilizzare un cifrario è necessario definire due operazioni: la cifratura del messaggio e la decifrazione del crittogramma. Definendo con  $Msg$  "l'insieme di tutti i messaggi" e con  $Critto$  "l'insieme di tutti i crittogrammi", le operazioni di cifratura e decifrazione possono essere definite come:

- **Cifratura**: operazione con cui si trasforma un generico messaggio in chiaro  $m$  in un crittogramma  $c$   
applicando una funzione  $C: Msg \rightarrow Critto$ .

- **Decifrazione**: operazione che permette di ricavare il messaggio in chiaro  $m$  a partire dal crittogramma  $c$   
applicando una funzione  $D: Critto \rightarrow Msg$ .

Il cifrario di Cesare è uno dei più antichi esempi di [algoritmi crittografici](#) di cui si abbia traccia storica. È un [cifrario a](#)

[sostituzione monoalfabetica](#)

in cui ogni lettera del testo in chiaro è sostituita nel testo cifrato dalla lettera che si trova ad un certo numero di posizioni dopo nell'

[alfabeto](#)

. Questi tipi di cifrari sono detti anche cifrari a sostituzione o cifrari a scorrimento a causa del loro modo di operare: la sostituzione avviene lettera per lettera, scorrendo il testo dall'inizio alla fine. In particolare,

[Cesare](#)

utilizzava uno spostamento di 3 posizioni (la chiave era dunque 3), secondo il seguente schema:

Testo in chiaro

a

## "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---

b

c

D

e

f

g

h

i

J

k

l

m

## "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---

N

o

p

q

r

s

t

u

v

w

x

## "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---

y

z

Testo cifrato

D

E

F

G

H

I

J

K

L

## "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---

M

N

O

P

Q

R

S

T

U

V

W

## "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---

X

Y

Z

A

B

C

Per cifrare un messaggio, basta prendere ogni lettera del testo in chiaro e sostituirla con la corrispondente lettera della riga testo cifrato. Per decifrare, viceversa. Ecco un semplice esempio:

Testo in chiaro

attaccare gli irriducibili galli alla ora sesta

Testo crittato

## "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---

DZZDFFDUH LON NUJUNGFNENON LDOON DOOD RUD VHVZD

### 3. LA CRITTOGRAFIA SIMMETRICA

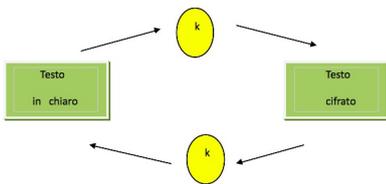
Si parla di crittografia simmetrica quando ciascuna coppia di corrispondenti condivide una stessa chiave  $k$ , che ha la funzione sia di cifrare il messaggio che di decifrarlo.

La robustezza del cifrario dipende, di conseguenza, solo dalla segretezza della chiave  $k$ .

# "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---



## "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---

### 3.1 IL PRINCIPIO DI KERCKHOFFS

Risulterà strano, ma, uno dei principi fondamentali della crittografia, utilizzato ancora nei moderni sistemi crittografici, è stato individuato nel lontano 1883 dal linguista franco-olandese August Kerckhoffs e reso noto col suo celebre articolo "*La cryptographie militaire*" apparso nel *Journal des sciences militaires*.

Il principio di Kerckhoffs afferma che : "*La sicurezza di un sistema crittografico è basata esclusivamente sulla conoscenza della chiave; in pratica si presuppone noto a priori l'algoritmo di cifratura e decifrazione* ." Questo significa che se la sicurezza/segretezza delle mie informazioni è affidata solo ed esclusivamente al metodo, allora essa non è tutelata, in quanto basterà comprendere il metodo, e quelle informazioni non

## "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---

saranno più segrete. E' la chiave a dover essere segreta, la quale è esterna al messaggio.

### 3.2 IL PROBLEMA DELLA TRASMISSIONE DELLA CHIAVE

E' opportuno, a questo punto, chiarire un punto di fondamentale importanza. Come faccio a trasmettere la chiave segreta che viene utilizzata in un cifrario simmetrico?

Devo utilizzare una "canale sicuro" di comunicazione.



## "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---

Ma tale "canale sicuro" esiste nella realtà?

Non esiste un canale sicuro!

### 4. LA CRITTOGRAFIA A CHIAVE PUBBLICA O ASIMMETRICA

Per ovviare ai problemi inevitabilmente connessi alla crittografia simmetrica, nasce la crittografia a chiave pubblica, o asimmetrica.

La crittografia a chiave pubblica utilizza una coppia di chiavi per le operazioni di cifratura (encryption) e decifrazione (decryption).

Una chiave, detta pubblica, (public key) viene utilizzata per le operazioni di encryption.

L'altra chiave, detta privata (private key), viene utilizzata per le operazioni di decryption.

Le due chiavi sono legate da una relazione algebrica, ma conoscendo la chiave pubblica non è in alcun modo possibile risalire a quella privata in tempi computazionali ragionevoli (diverse decine di anni di calcolo con la migliore tecnologia attuale).

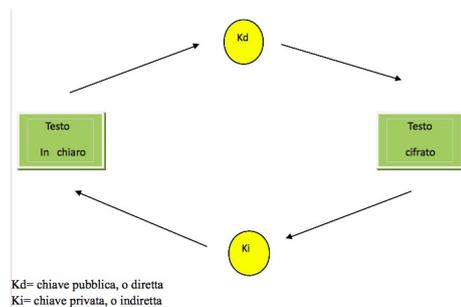
A differenza dei cifrari simmetrici, non è più presente il problema della trasmissione delle chiavi.

Sono intrinsecamente sicuri poiché utilizzano tecniche di tipo matematico basate sulla teoria dei numeri, sulla teoria delle curve ellittiche, etc.

# "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---



## "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---

## "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---

## "Tesina: Crittografia"

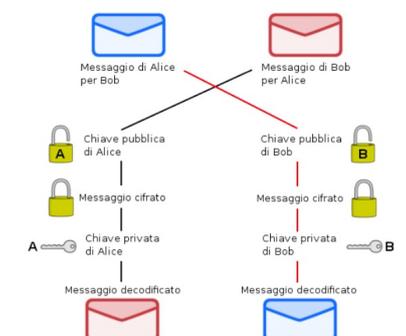
Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---

Kd= chiave pubblica, o diretta

Ki= chiave privata, o indiretta

Quindi, riassumendo, la chiave privata è personale e segreta, e viene utilizzata per decodificare un documento che è stato precedentemente cifrato. La chiave pubblica, invece, deve essere distribuita e, quindi, deve essere nota in quanto serve a cifrare un documento destinato esclusivamente alla persona che possiede la relativa chiave privata.



## "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---

L'idea base della crittografia con coppia di chiavi diviene più chiara se si usa un'analogia postale, in cui il mittente è [Alice](#) ed il destinatario [Bob](#), i lucchetti fanno le veci delle chiavi pubbliche e le chiavi recitano la parte delle chiavi private:

1. Alice chiede a Bob di spedirle il suo lucchetto, già aperto. La chiave dello stesso verrà però gelosamente conservata da Bob.
2. Alice riceve il lucchetto e, con esso, chiude il pacco e lo spedisce a Bob.
3. Bob riceve il pacco e può aprirlo con la chiave di cui è l'unico proprietario.

Se adesso Bob volesse mandare un altro pacco ad Alice, dovrebbe farlo chiudendolo con il lucchetto di Alice (che lei dovrebbe aver preventivamente dato a Bob) che solo lei potrebbe aprire.

Si può notare come per mettere in sicurezza il contenuto dei pacchi ci sia bisogno del lucchetto del destinatario, mentre per aprirli viene usata esclusivamente la propria chiave segreta, rendendo l'intero processo di cifratura/decifratura asimmetrico (una chiave per cifrare ed una differente per decifrare). Chiunque intercettasse il lucchetto (aperto) o il messaggio chiuso con il lucchetto non potrebbe leggerne il contenuto poiché non ha la chiave. Uno dei vantaggi della crittografia asimmetrica sta nel fatto che le chiavi pubbliche possono essere scambiate anche utilizzando un mezzo insicuro, come Internet. Nella [crittografia simmetrica](#) invece, che basa la [sicurezza](#) del sistema sulla segretezza della chiave di codifica utilizzata, si rende necessario utilizzare un canale sicuro per la trasmissione della chiave, poiché l'intercettazione della stessa, da parte di terzi, vanificherebbe la sicurezza del sistema stesso.

### 5. AUTENTICAZIONE DEI DOCUMENTI: COS'E' LA FIRMA DIGITALE?

La crittografia asimmetrica presenta altri possibili impieghi, oltre quelli esaminati in precedenza. Molto importante è stato, infatti, il suo utilizzo per verificare l'autenticazione del mittente di un messaggio e l'integrità dello stesso lasciandolo in chiaro (senza necessariamente cifrarlo) . In tal senso viene utilizzata la firma digitale.

Esaminiamo, ora, nel dettaglio, la procedura attraverso la quale è possibile associare la firma.

Si utilizza un cifrario a chiave pubblica e si cifra un documento, anche un file, con la propria chiave segreta. Chiunque può verificare la paternità del documento utilizzando la chiave pubblica dell'utente firmatario.

Esiste, però, un problema che deve essere preso in considerazione: per autenticare un documento di grandi dimensioni, con un algoritmo a chiave pubblica, occorre molto tempo. E' possibile, in tali situazioni, autenticare solo un "riassunto" del documento, tramite l'utilizzo di una funzione hash sicura.

Una funzione hash è una funzione non invertibile che trasforma un testo di lunghezza arbitraria in una stringa di lunghezza fissa.

Tale stringa è chiamata in diversi modi: impronta digitale, valore hash o hash, message digest... Possiamo applicare una funzione hash ad un qualsiasi oggetto digitale: ad un testo ma anche ad un qualsiasi file, come ad esempio uno script di un sistema web oppure una foto.

Esaminiamo più nel dettaglio attraverso un esempio.

## "Tesina: Crittografia"

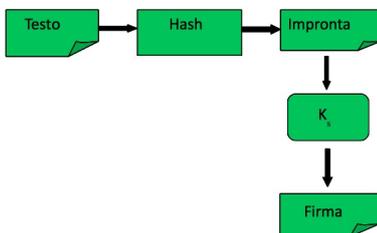
Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

---

Un utente, Alice, deve firmare un testo utilizzando la propria chiave privata. Per far ciò viene creato un "riassunto", un'impronta del messaggio, attraverso la funzione hash. Tale impronta viene firmata da Alice con la sua chiave privata. In tal modo Alice associa la sua firma al documento.

L'impronta, generata per mezzo di un algoritmo di hash, è tale che varia sensibilmente al minimo variare del messaggio. Infatti ad ogni stringa di bite originaria (il testo che intendo firmare) deve corrispondere uno ed un solo hash. Anche considerando due messaggi  $M$  ed  $M'$ , differenti solo per un carattere, le loro funzioni hash  $H(M)$  e  $H(M')$  saranno diverse.

Per la proprietà della non invertibilità, non è possibile risalire dal valore di hash al testo di partenza.



## "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21

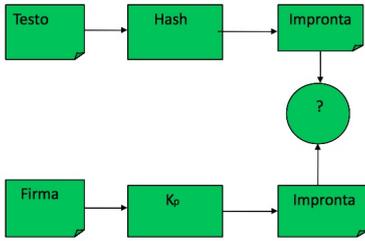
---

### **5.1 COME PUO' ESSERE VERIFICATA LA FIRMA DIGITALE, E L'AUTENTICITA' DEL DOCUMENTO?**

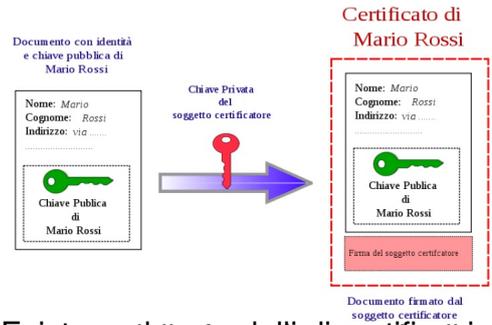
Chiunque può verificare l'autenticità di un documento: per farlo, basta decifrare la firma del documento con la chiave pubblica del mittente, ottenendo l'impronta digitale del documento. L'impronta così ottenuta verrà, poi, messa in comparazione con quella ricevuta assieme al messaggio. Se le due impronte risultano identiche il messaggio è integro, ovvero non ha subito modificazioni da parte di terzi da quando è stato firmato dall'autore (ad esempio mediante attacchi del tipo man in the middle).

# "Tesina: Crittografia"

Scritto da Claudio D'attoma matr. 732834; Claudia De Pascalis matr. 744134; Monica Esposito matr. 730521  
Mercoledì 18 Maggio 2011 15:43 - Ultimo aggiornamento Mercoledì 18 Maggio 2011 20:21



Esistono due modelli di certificazione: il primo è quello che si utilizza per la firma digitale, il secondo è quello che si utilizza per la firma elettronica.



Esistono due modelli di certificazione: il primo è quello che si utilizza per la firma digitale (ISO 9594-3) (PGP) e il secondo è quello che si utilizza per la firma elettronica (X.509) (PKI).